
Učenie posilňovaním

(učenie odmenou a trestom)

Juraj Gazda

iislab.kpi.fei.tuke.sk



Prednášky: Literatúra

Pieter Abbel - predmet: Artificial Intelligence, Berkeley

Sutton, Richard S., and Andrew G. Barto. *Reinforcement learning: An introduction*. MIT press, 2018.



Prednášky: Koncept

Strojové učenie



Učenie s učiteľom

Učenie bez učiteľa

Učenie odmenou a trestom

[KNIHA] **Reinforcement learning: An introduction**

[RS Sutton, AG Barto - 1998 - cell.com](#)

The present book is an excellent entry point for someone who wants to understand intuitively the ideas of reinforcement learning and the general connection between its parts. It is not, however, a mathematical 'how-to'book, replete with proofs and pointers to unsolved

[Citované 23457-krát](#) [Súvisiace články](#) [Všetky verzie 48](#) [Citovať](#) [Uložiť](#)



Prednášky: Koncept

Strojové učenie



Učenie s učiteľom

Učenie bez učiteľa

Učenie odmenou a trestom

ISI - modelovanie v deterministických prostrediach, definícia stavu

SMAD - Základná báza vedomostí pre reinforcement learning, MDP procesy, Bellman rovnice, SARSA,

Q-learning, Actor-Critic prístup, Deep reinforcement learning



ISI - 2. ročník

- Single-agent vs. multi-agent
 - kooperácia vs kompetitívnosť
- Deterministický vs stochastický priestor
 - Ďalší stav prostredia je plne určený súčasným stavom agenta a jeho akciou
- Statický vs. dynamický priestor
 - Statické prostredie sa nemení, kým agent rozmýšľa čo urobiť :)
 - Semi-dynamické: prostredie sa s časom nemení, ale miera výkonu áno
- Diskrétny vs. spojity priestor
- Úplný vs. čiastočný (Fully observable vs. partially observable)
 - Senzory poskytujú úplný obraz o stavovom prostredí agenta



ISI - 2. ročník

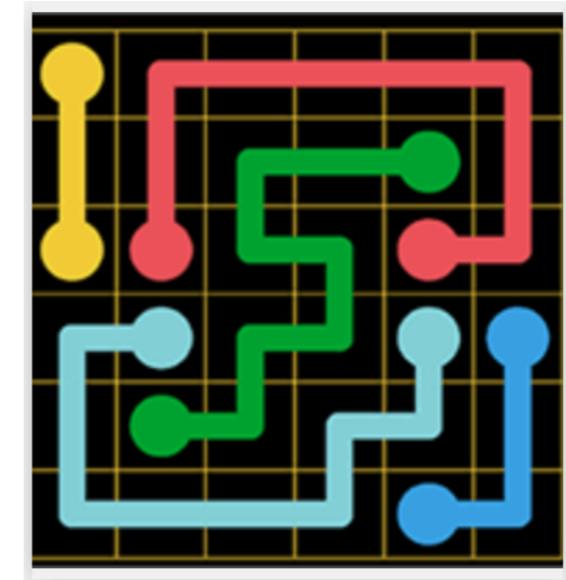
Metódy: vyhľadávanie v strome (DFS, BFS, A*), constraint satisfaction problems

+ lokálne hľadanie: hill climbing, simulované žíhanie

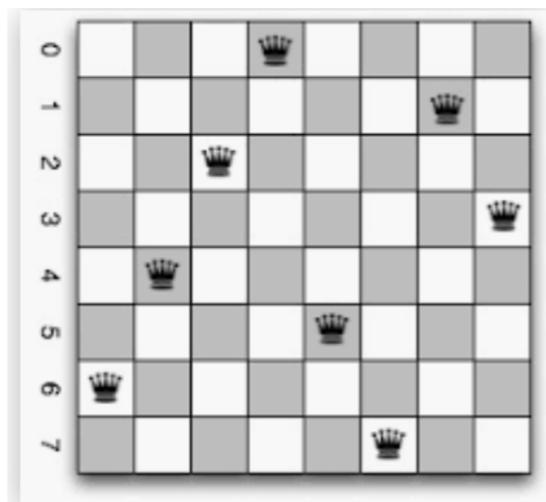
Sudoku



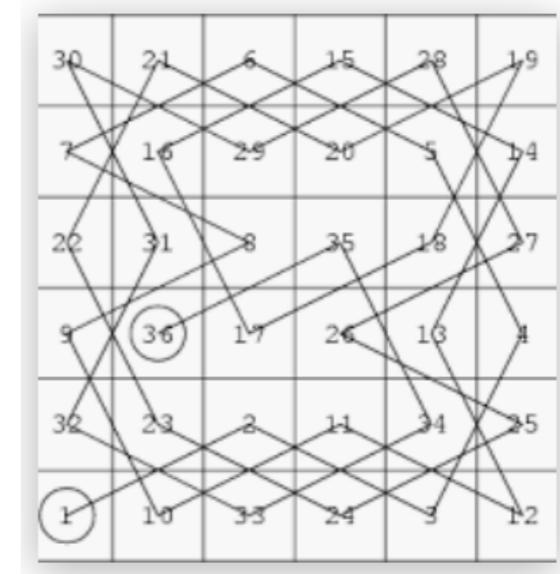
Flow free



N=Queens

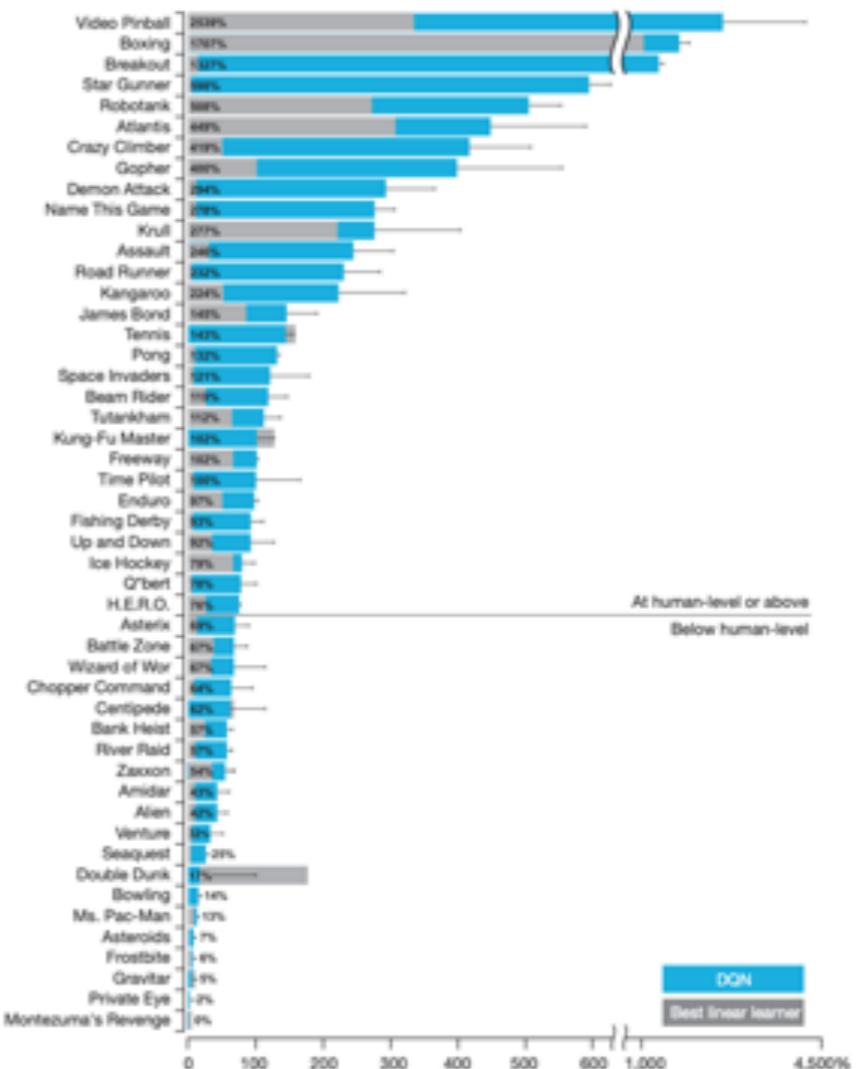


Knight's tour



Reinforcement learning

- AlphaGo (Google DeepMind) - 2015,
- 9-dan od [Chinese Weiqi Association](#).
- Využíva vyhľadávanie v strome a hlboké neurónové siete.
Za účelom trénovania sa využívajú historické hry šampiónov, ako aj počítačové ďáhy.
- Hry Atari využitím hlbokého reinforcement learning učenia.



Reinforcement learning: Súčasnosť



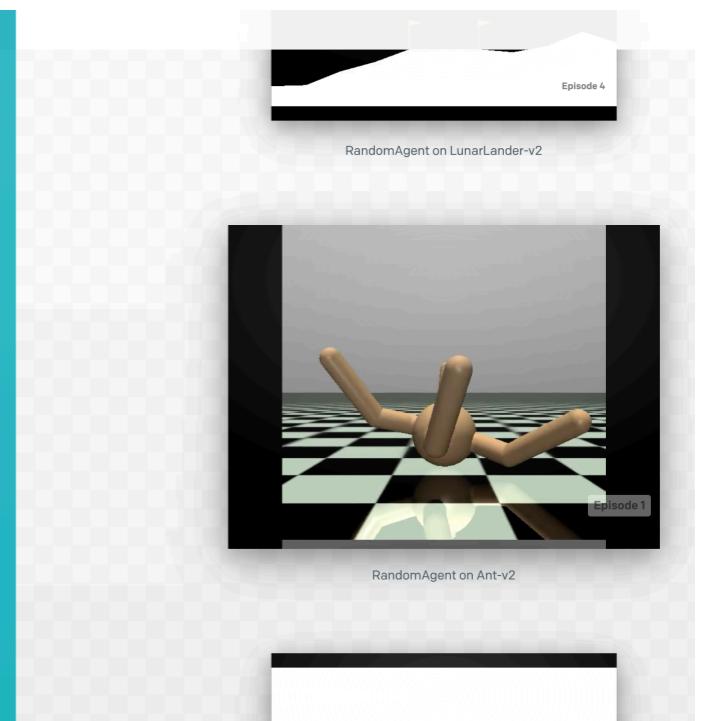
Environments Documentation



Gym

Gym is a toolkit for developing and comparing reinforcement learning algorithms. It supports teaching agents everything from walking to playing games like Pong or Pinball.

[View documentation >](#)
[View on GitHub >](#)



Reinforcement learning: Súčasnosť

[AlphaGo](#)

https://www.youtube.com/watch?v=8tq1C8spV_g

[MSc work](#)

<https://www.youtube.com/watch?v=6H-FRDOgsCc>

[Project](#)

<https://www.youtube.com/watch?v=V1eYniJ0Rnk>



Multi-armed bandit problem



Multi-armed bandit problem



Výherný automat - bandit



Páka automatu - arm

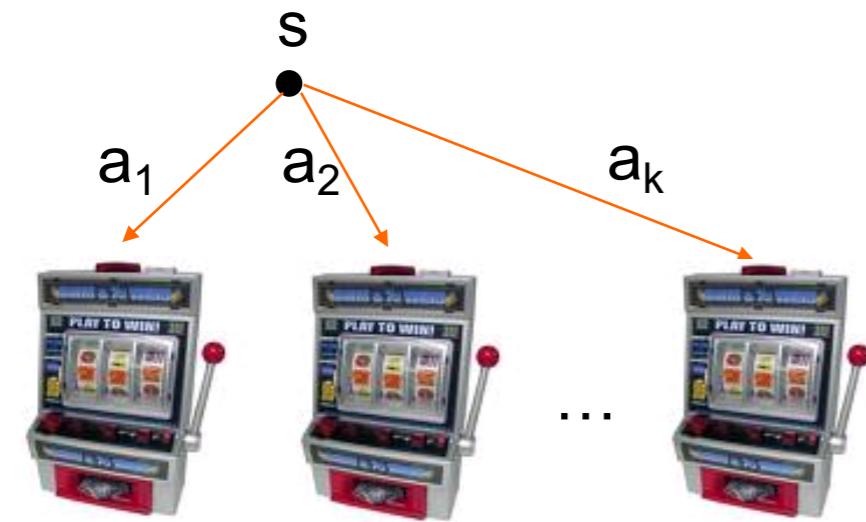
N automatov v kasíne

Sutton, R., Barto, A., Reinforcement learning: Introduction (2nd edition), MIT press, 2018, pp: 25-42



Technical University of Košice
Department of Computers and Informatics

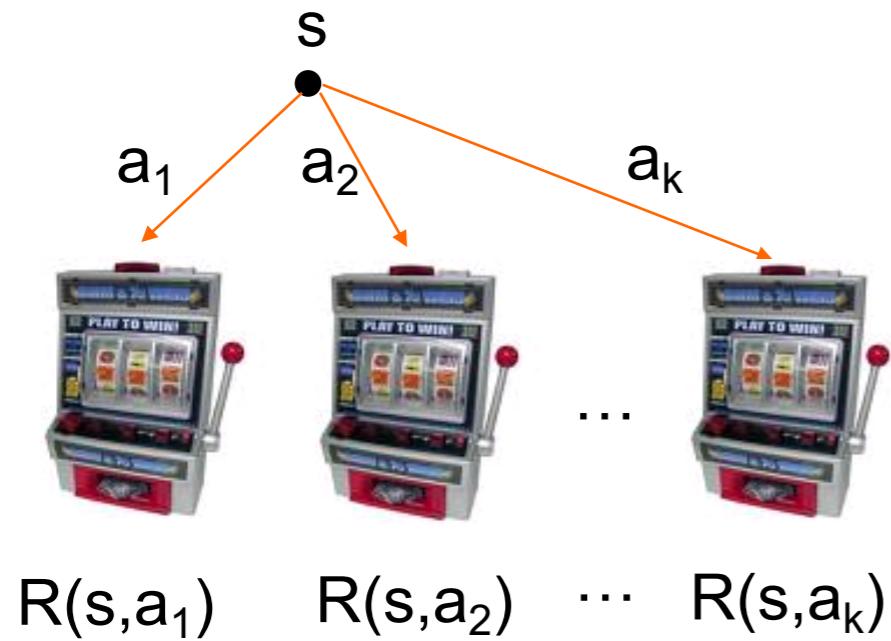
Multi-armed bandit problem



- ▶ Jedno-stavový problém
- ▶ Riešenie: empirické zistenie očakávaných výhier
- ▶ t.j. výber výherného automatu a hranie $R(s, a_k, s)$



Multi-armed bandit problem

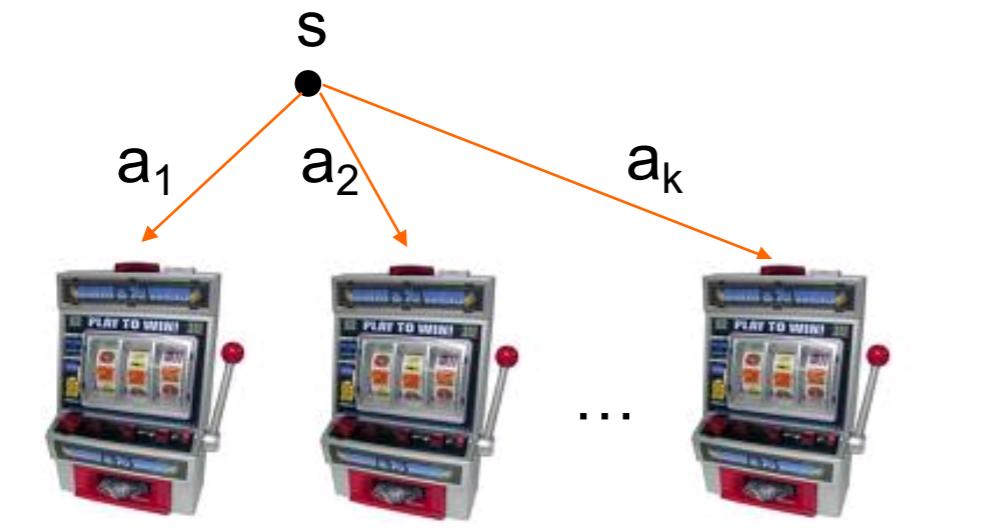


- ▶ Predpoklady: množina akcií so stochastickou odmenou R
- ▶ Trénovanie modelu?
 - ▶ Volba optimálneho automatu a (t.j. najväčší očakávaný reward $q_*(a)$, kde $q_*(a) = \mathbb{E}[R_t | A_t = a]$)
- ▶ Aplikácie:
 - ▶ Cieľenie reklamy na koncového zákazníka
 - ▶ Evaluácia a výber klinických postupov v medicíne

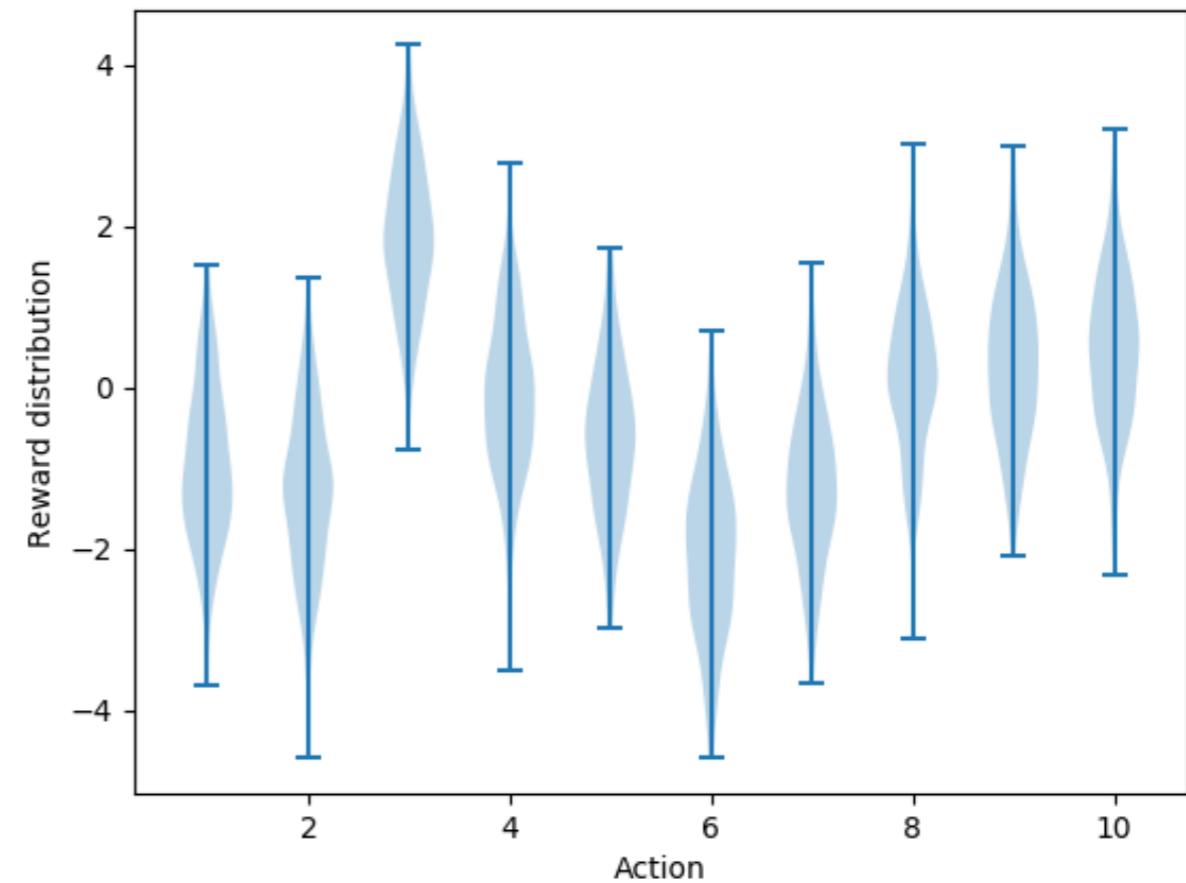
Vološin, M., Gazda, J., Drotár, P., Bugár, G., & Gazda, V. (2016). Spatial Real-Time Price Competition in the Dynamic Spectrum Access Markets. In Multi-Agent Systems and Agreement Technologies (pp. 217-229), Valencia, Spain, Springer, Cham.



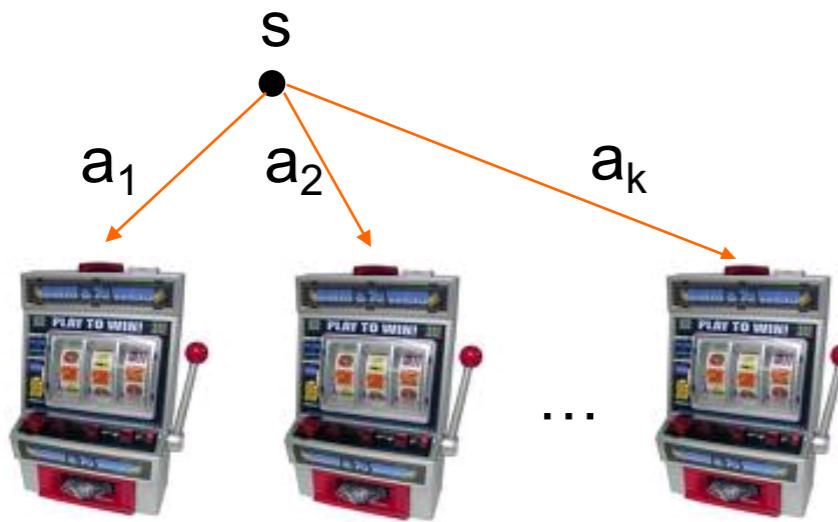
Multi-armed bandit problem



$R(s, a_1) \quad R(s, a_2) \quad \dots \quad R(s, a_k)$



Multi-armed bandit problem: Riešenie využitím Action value prístupu



$R(s, a_1) \quad R(s, a_2) \quad \dots \quad R(s, a_k)$

$$Q_t(a) \doteq \frac{\text{sum of rewards when } a \text{ taken prior to } t}{\text{number of times } a \text{ taken prior to } t} = \frac{\sum_{i=1}^{t-1} R_i \cdot \mathbb{1}_{A_i=a}}{\sum_{i=1}^{t-1} \mathbb{1}_{A_i=a}},$$

Náš cieľ, odhad charakterístík akcie, ktorá vhodne aproximuje reálne skutočnosti: $Q_t(a) \rightarrow q_*(a)$

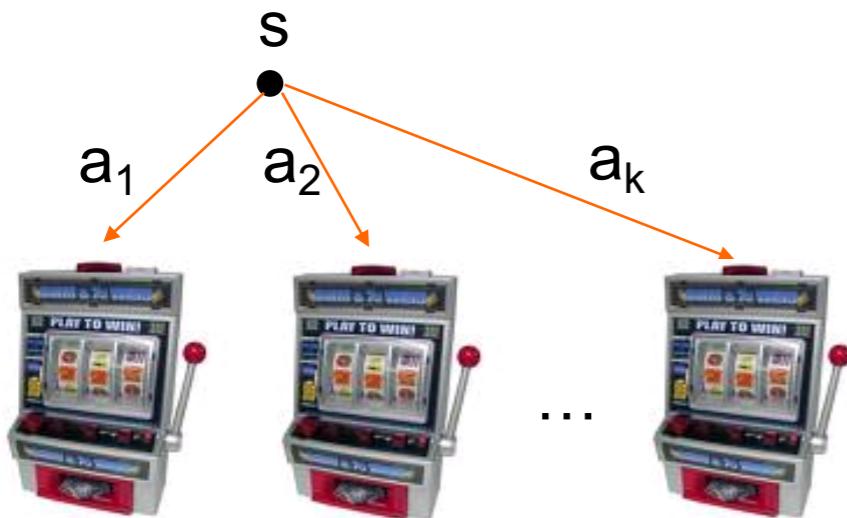
Metodológia: výber greedy akcie (exploitation), vs. spoznávanie charakterístík akcií (exploration)

Exploitation fáza: $A_t \doteq \arg \max_a Q_t(a),$

Exploration fáza: Náhodný výber akcie a



Riešenie: Epsilon-greedy explorácia



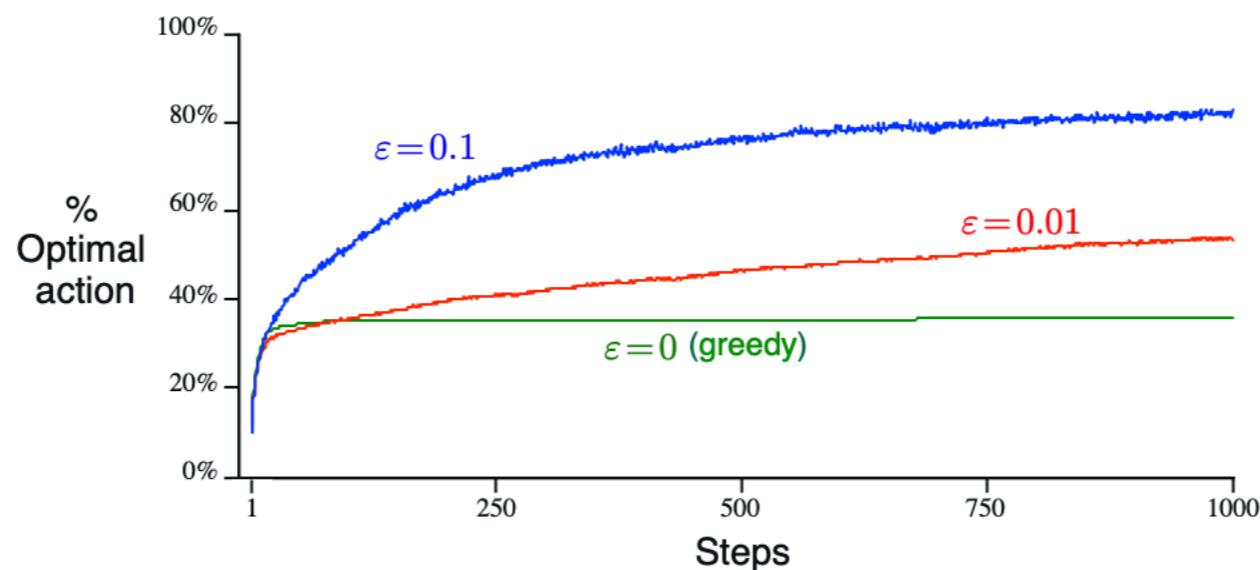
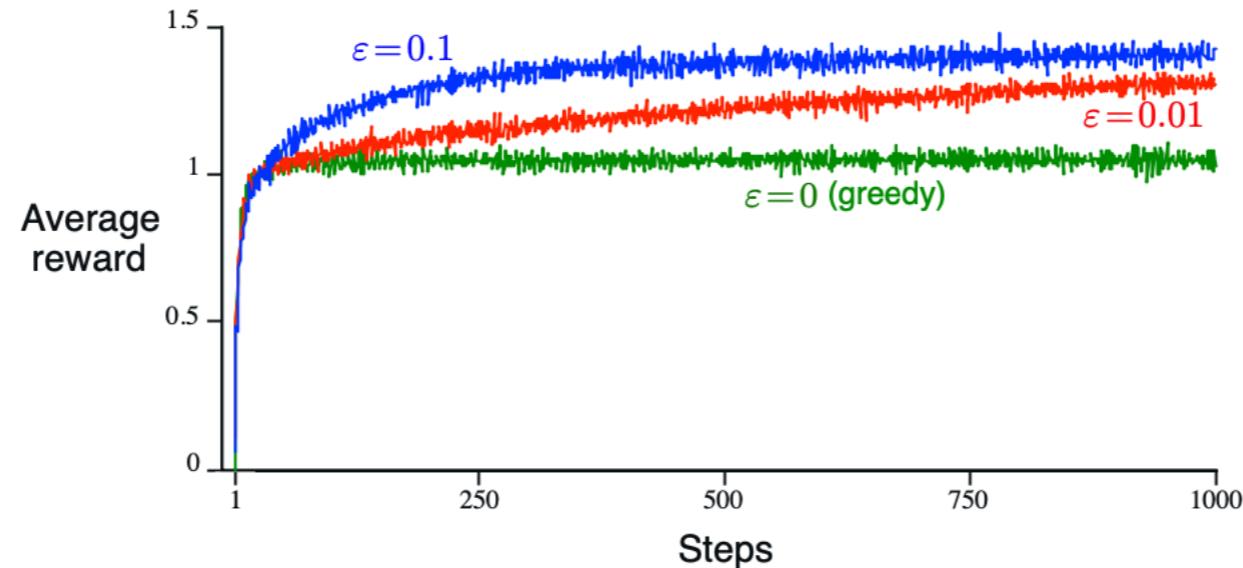
$R(s, a_1) \quad R(s, a_2) \quad \dots \quad R(s, a_k)$

$$Q_t(a) \doteq \frac{\text{sum of rewards when } a \text{ taken prior to } t}{\text{number of times } a \text{ taken prior to } t} = \frac{\sum_{i=1}^{t-1} R_i \cdot \mathbb{1}_{A_i=a}}{\sum_{i=1}^{t-1} \mathbb{1}_{A_i=a}}$$

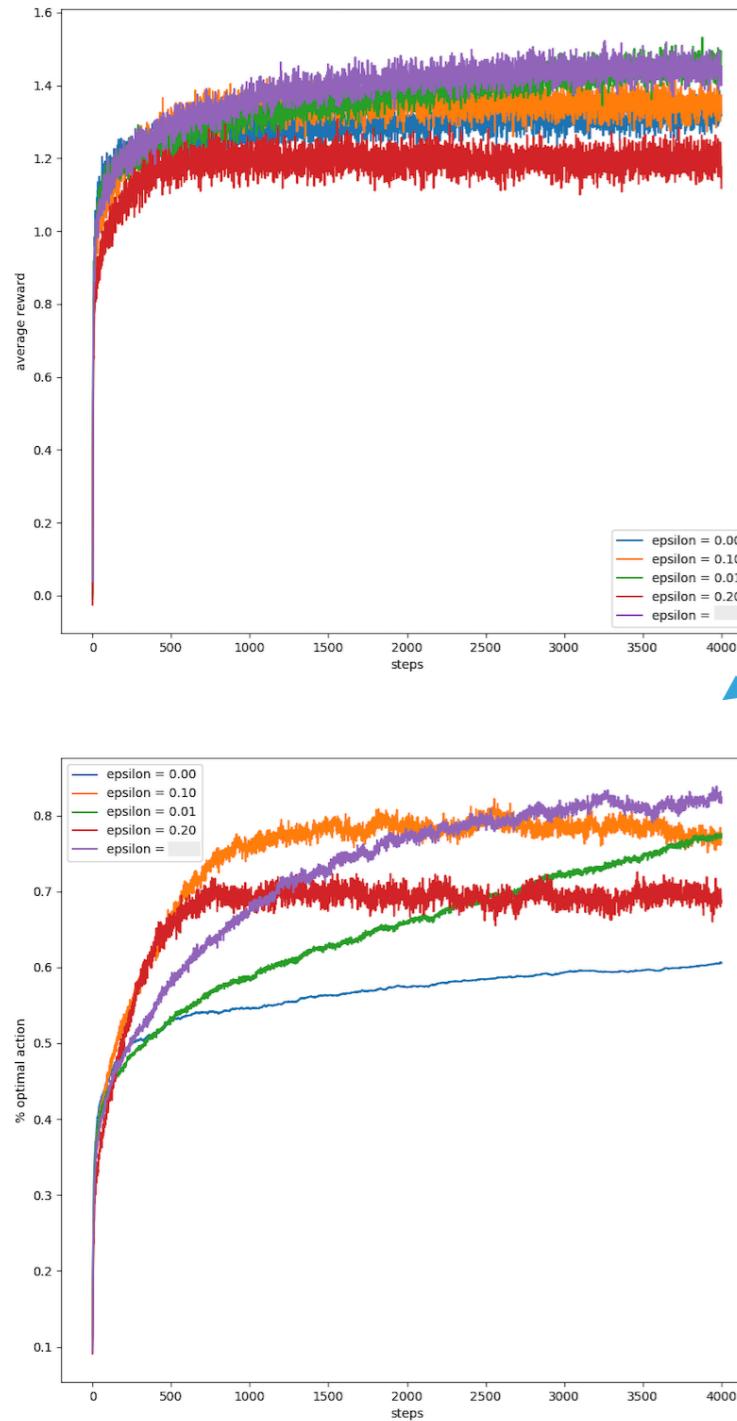
- Správajme sa greedy, avšak s pravdepodobnosťou epsilon (ϵ) hrajme náhodný automat (akciu), t.j.
 - s pravdepodobnosťou ϵ tăhaj náhodnú akciu
 - s pravdepodobnosťou $1 - \epsilon$ hraj greedy, $A_t \doteq \arg \max_a Q_t(a)$,



Multi-armed bandit problem: Riešenie

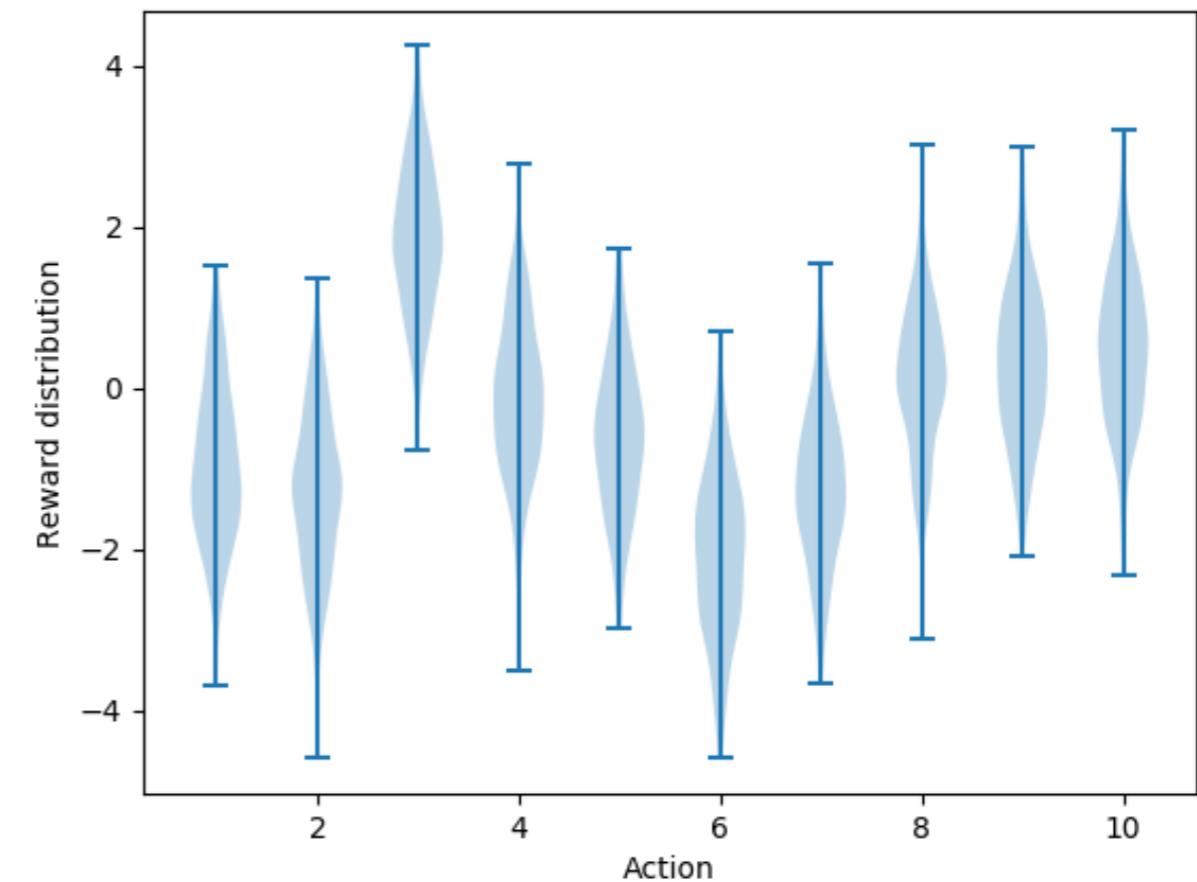


Multi-armed bandit problém: Riešenie, explor. vs. exploitation



Epsilon parameter klesá monotónne k 0, napr. $\epsilon = \epsilon * 0,999$

Balans medzi exploráciou a exploitáciou modelu



Inkrementálna implementácia Action Value prístupu

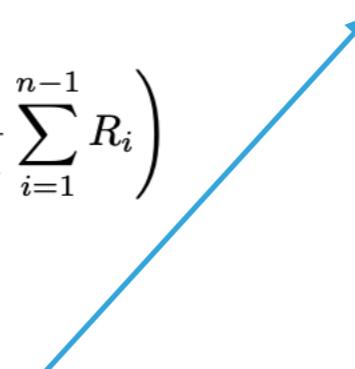
$$Q_n \doteq \frac{R_1 + R_2 + \cdots + R_{n-1}}{n - 1}$$

Problém škálovateľnosti, ak $n \rightarrow \infty$

Riešenie: inkrementálna implementácia výpočtu Q hodnôt jednotlivých akcií

$$\begin{aligned} Q_{n+1} &= \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n R_i \\ &= \frac{1}{n} \left(R_n + \sum_{i=1}^{n-1} R_i \right) \\ &= \frac{1}{n} \left(R_n + (n-1) \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n-1} R_i \right) \\ &= \frac{1}{n} (R_n + (n-1)Q_n) \\ &= \frac{1}{n} (R_n + nQ_n - Q_n) \\ &= Q_n + \frac{1}{n} [R_n - Q_n], \end{aligned}$$

$\text{NewEstimate} \leftarrow \text{OldEstimate} + \text{StepSize} [\text{Target} - \text{OldEstimate}]$



Sutton, R., Barto, A., Reinforcement learning: Introduction (2nd edition), MIT press, 2018, pp: 31



Inkrementálna implementácia Action Value prístupu

A simple bandit algorithm

Initialize, for $a = 1$ to k :

$$Q(a) \leftarrow 0$$

$$N(a) \leftarrow 0$$

Loop forever:

$$A \leftarrow \begin{cases} \text{argmax}_a Q(a) & \text{with probability } 1 - \varepsilon \\ \text{a random action} & \text{with probability } \varepsilon \end{cases} \quad (\text{breaking ties randomly})$$

$$R \leftarrow \text{bandit}(A)$$

$$N(A) \leftarrow N(A) + 1$$

$$Q(A) \leftarrow Q(A) + \frac{1}{N(A)} [R - Q(A)]$$



Implementácia Multi-armed bandit využitím Q hodnôt



Technical University of Košice
Department of Computers and Informatics

Gradientný prístup riešenia Multi-armed bandit problému

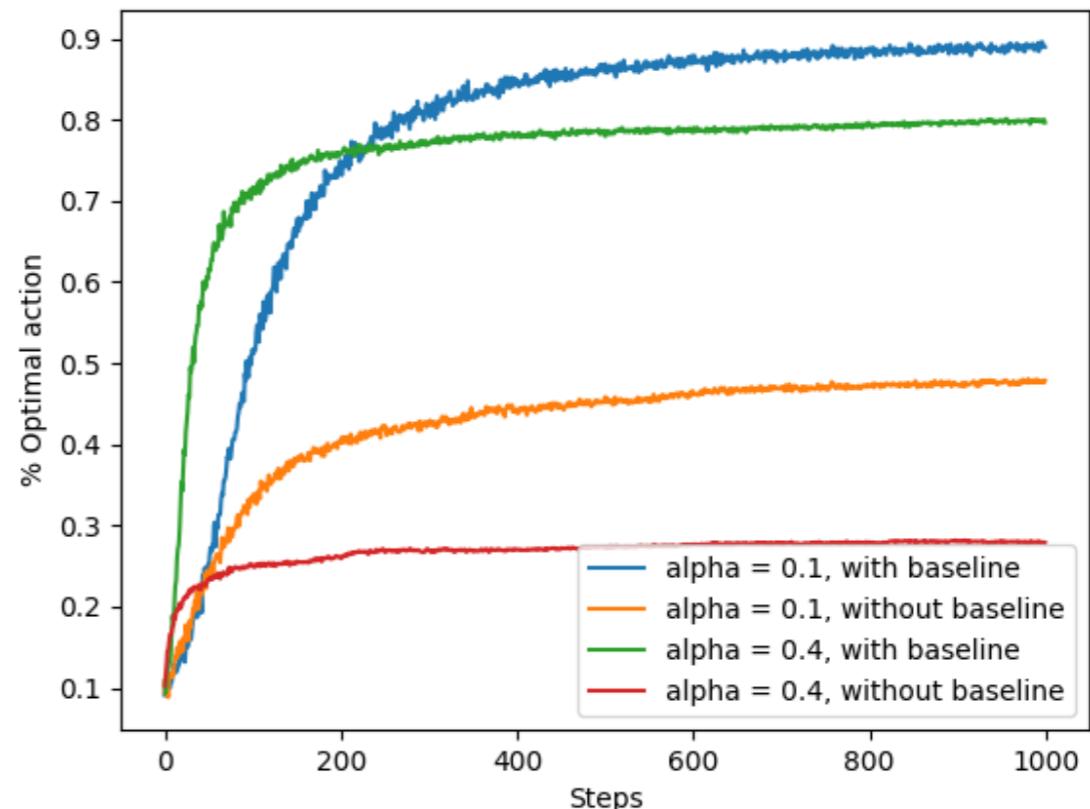
$$\Pr\{A_t = a\} \doteq \frac{e^{H_t(a)}}{\sum_{b=1}^k e^{H_t(b)}} \doteq \pi_t(a)$$

$$H_{t+1}(A_t) \doteq H_t(A_t) + \alpha(R_t - \bar{R}_t)(1 - \pi_t(A_t)), \quad \text{and}$$
$$H_{t+1}(a) \doteq H_t(a) - \alpha(R_t - \bar{R}_t)\pi_t(a), \quad \text{for all } a \neq A_t,$$

- $\pi_t(a)$ je pravdepodobnosť výberu akcie a v čase t
- $H_t(a)$ je preferencia (logit) agenta pre akciu a^*

- \bar{R}_t je priemerná odmena získaná do času t (baseline)

$\mathbb{E}(a_k) = 4$, 10-armed bandit
without baseline, i.e. $\bar{R}_t = 0$



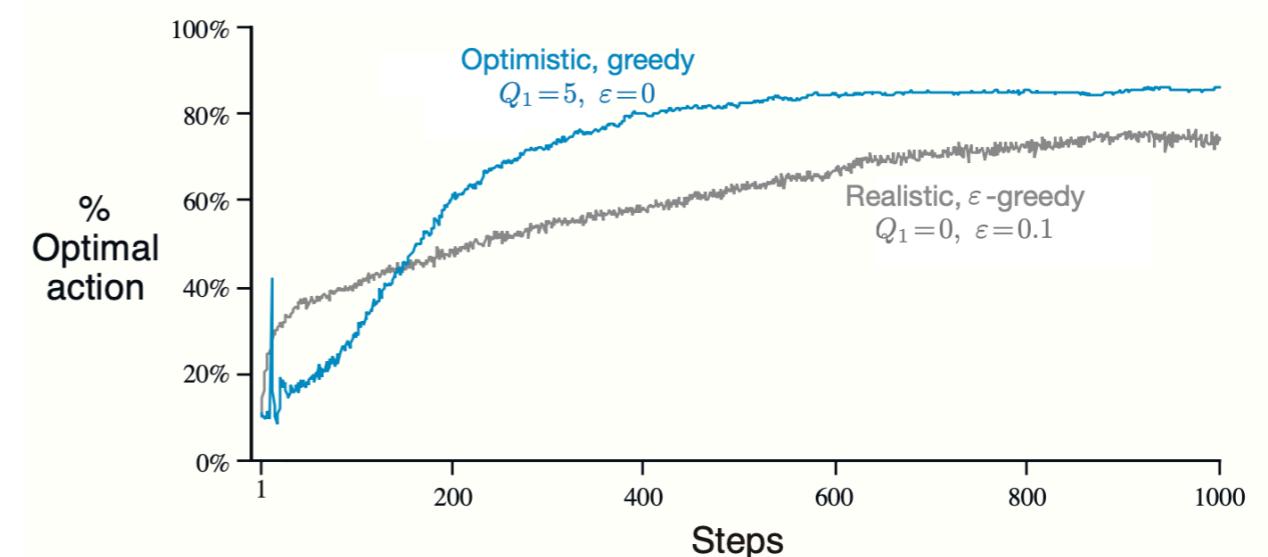
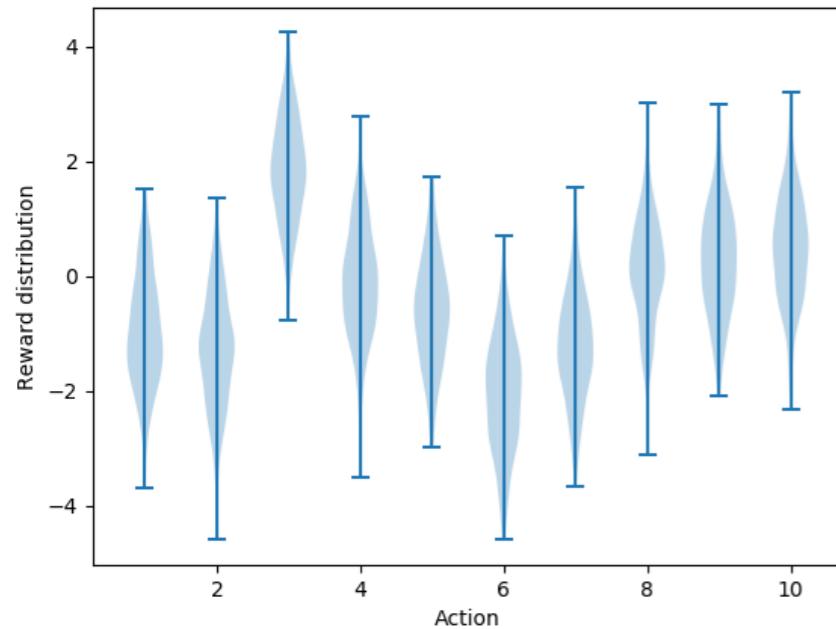
https://en.wikipedia.org/wiki/Softmax_function

Sutton, R., Barto, A., Reinforcement learning: Introduction (2nd edition), MIT press, 2018, pp: 37-41



Alternatíva k explorácií

- Optimistické počiatočné hodnoty
- napr. $Q_0(a) = 5, \forall a$



Základné poznatky

- Explorácia vs využívanie znalostí (exploration vs exploitation) v stochastických prostrediach
- Multi-armed bandit problem: stacionárny vs. nestacionárny problém
- ϵ greedy stratégia, rovnováha medzi získavaním znalostí o modeli, resp využívanie znalostí o modeli s cieľom maximalizovať očakávanú odmenu
- Action-value prístup (vypočet očakávanej hodnoty pre jednotlivé akcie a) (neskôr Q a SARSA learning)
- Gradientný prístup (výpočet preferencie výberu jednotlivých akcií) (neskôr Actor-Critic metódy)



Markovove rozhodovacie problémy

(Markov decision process, MDP)



Grid world

Problém labyrintu:

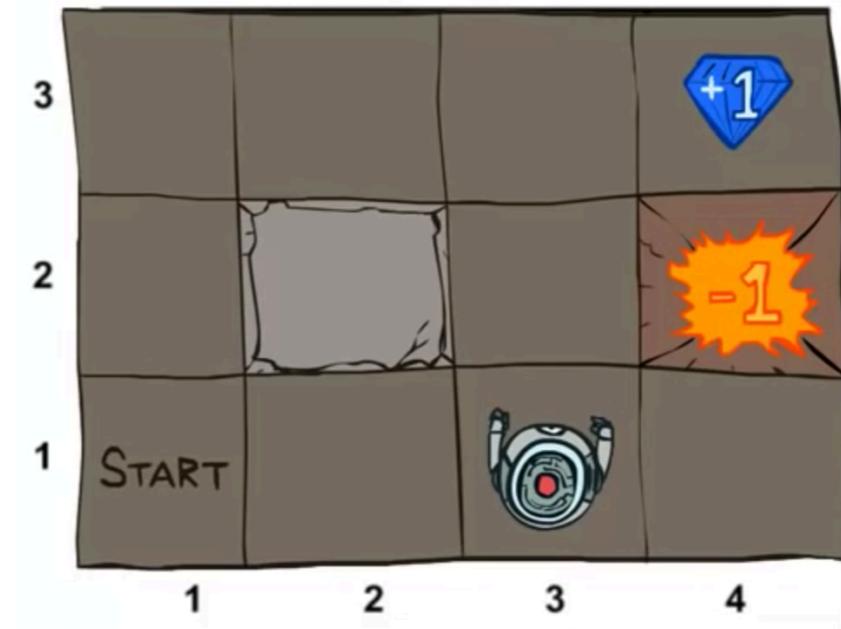
- Agent sa pohybuje v bludisku
- Steny labyrintu blokujú pohyb agenta

Akcie agenta:

80% akcie vedie deterministicky na plánované miesto (sever)

10% akcii vedie agenta na východ a západ

V prípade že agent narazí na miesto, zastane

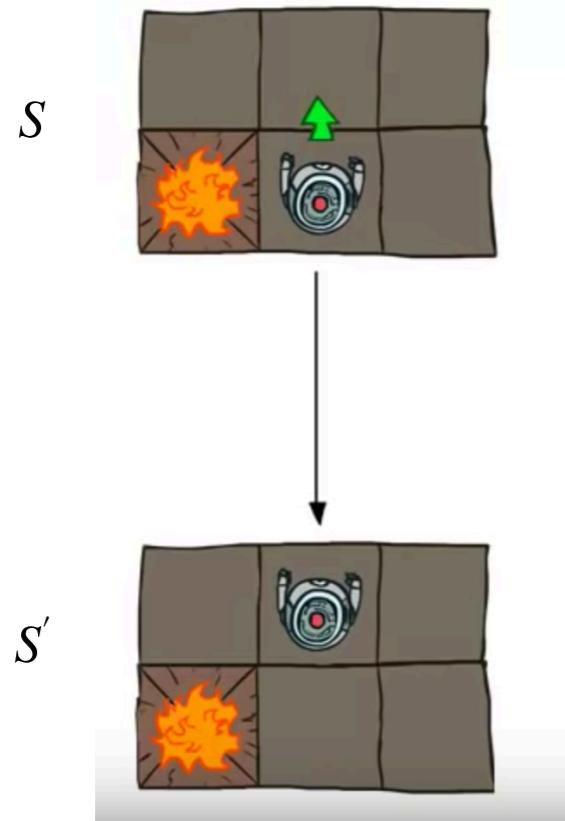


Odmena agenta vs úžitok agenta (reward vs utility (return))

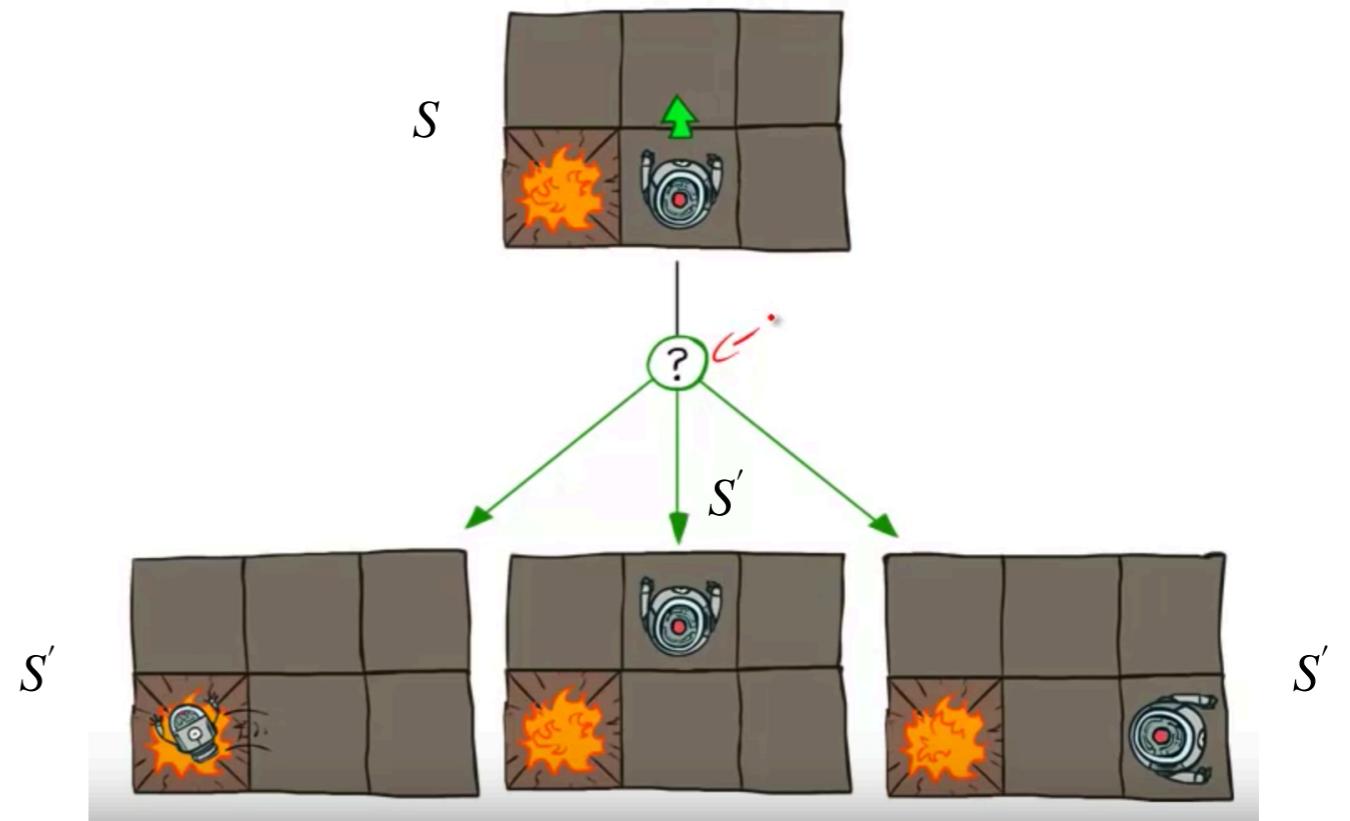


Grid world

Deterministický stavový priestor

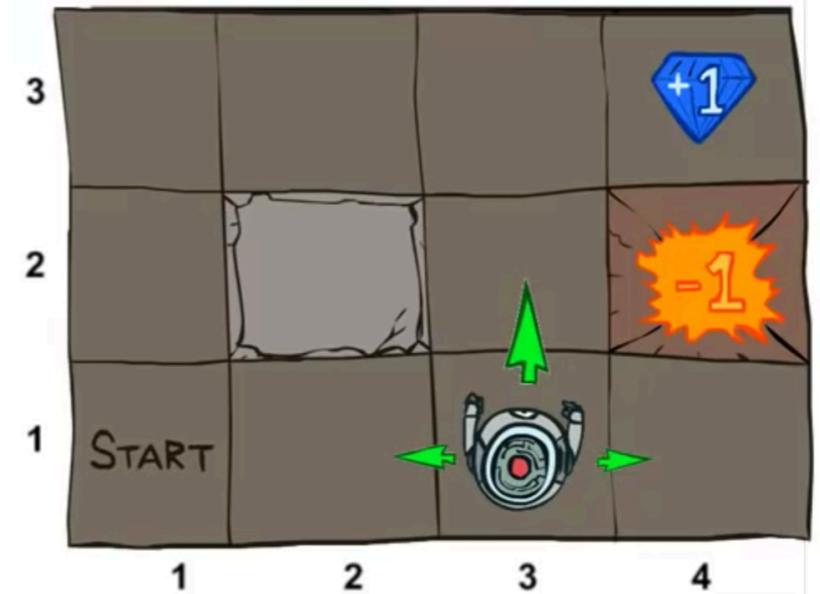


Stochastický stavový priestor

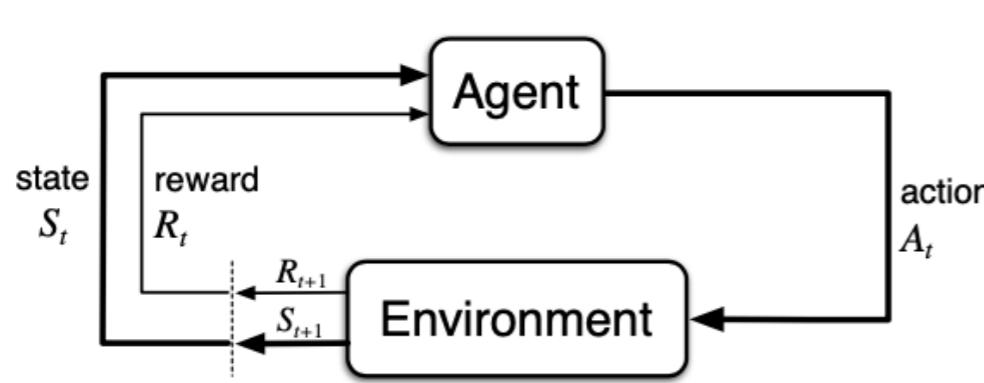


Grid world

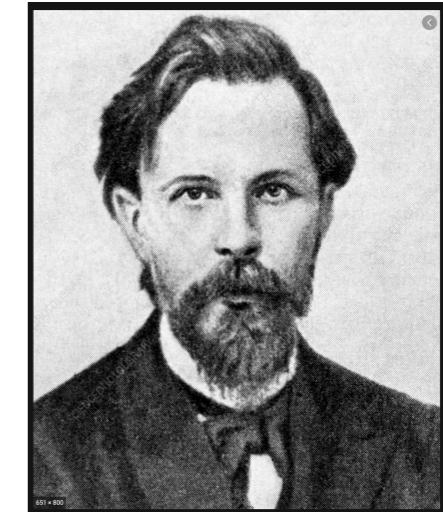
- MDP je charakterizovaný:
 - Množinou stavov $s \in S$
 - Množinou akcií $a \in A$
 - Prechodovou pravdepodobnosťou $T(s, a, s')$
resp. podmienenou p. $P(s' | s, a)$
 - Odmenou $R(s, a, s')$
 - Štartovací stav
 - Konečný stav



MDP



$S_0, A_0, R_1, S_1, A_1, R_2, S_2, A_2, R_3, \dots$



Markovov problém (vysvetlenie): agent sa nachádza v čase t v stave s , pričom budúce stavy s' a navštívené stavy s'' sú na sebe nezávislé.

$$P(S_{t+1} = s' | S_t = s_t, A_t = a_t, S_{t-1} = s_{t-1}, A_{t-1}, \dots, S_0 = s_0)$$

=

•

$$P(S_{t+1} = s' | S_t = s_t, A_t = a_t)$$

Analógia s plánovaním (ISI): potomok v strome je jednoznačne určený predchádzajúcim stavom a akciou.

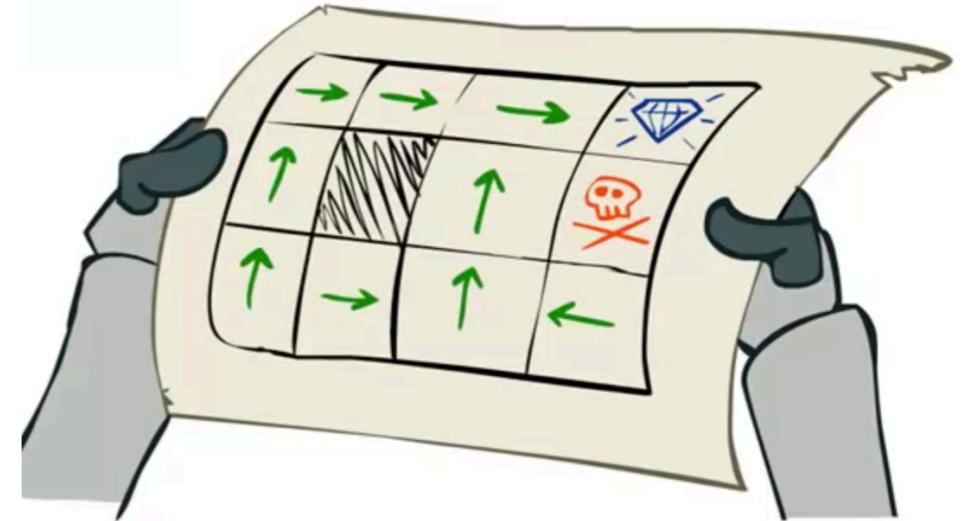


Príklad



Strategický profil

- ▶ V deterministických prostrediach (ciel):
sekvencia akcií z štartovacieho stavu S do cielového stavu G
- ▶ Pre MDP, je snahou nájsť optimálny str.profíl $\pi^* : S \rightarrow A$:
 - ▶ Strategický profil π určuje akciu pre každý stav s v MDP
 - ▶ Optimálny strategický profil π^* maximalizuje očakávaný úžitok (utility, return) agenta



Optimálny strategický profil, kde $R(s, a, s') = -0.03$,
pre všetky stavy s



Optimálny strategický profil

→	→	→	+1
↑		←	-1
↑	←	←	↓

$$R(s) = -0.01$$



Optimálny strategický profil

→	→	→	+1
↑		↑	-1
↑	←	←	↓

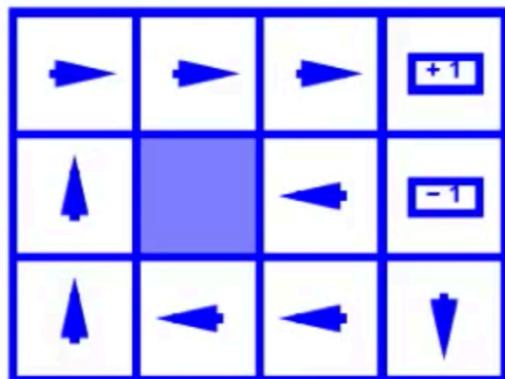
$$R(s) = -0.01$$

→	→	→	+1
↑		↑	-1
↑	←	←	↓

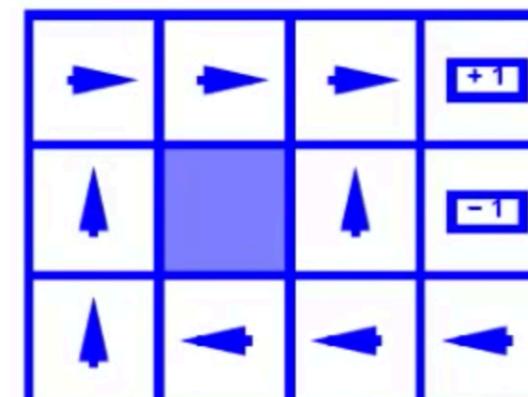
$$R(s) = -0.03$$



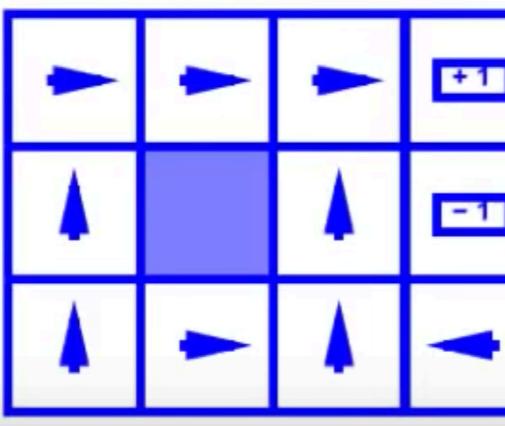
Optimálny strategický profil



$$R(s) = -0.01$$



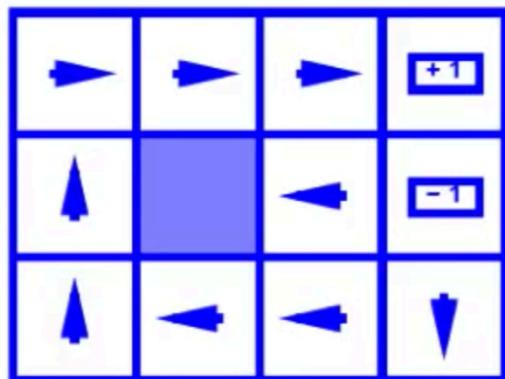
$$R(s) = -0.03$$



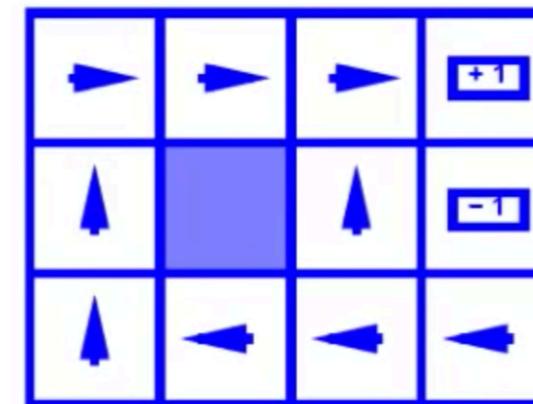
$$R(s) = -0.4$$



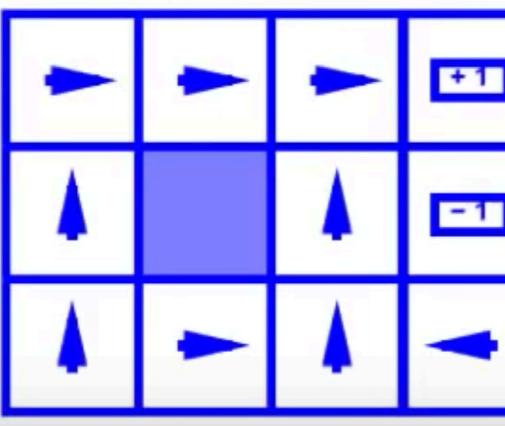
Optimálny strategický profil



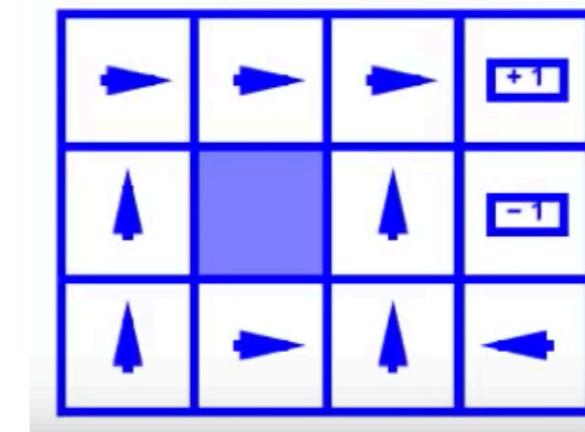
$$R(s) = -0.01$$



$$R(s) = -0.03$$



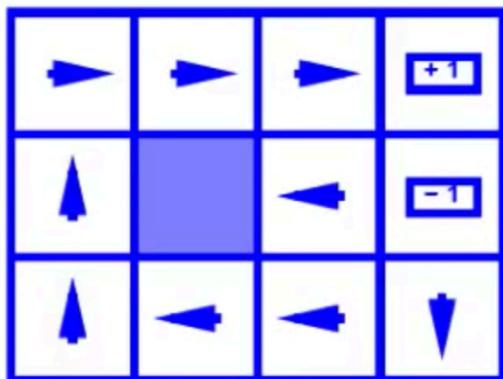
$$R(s) = -0.4$$



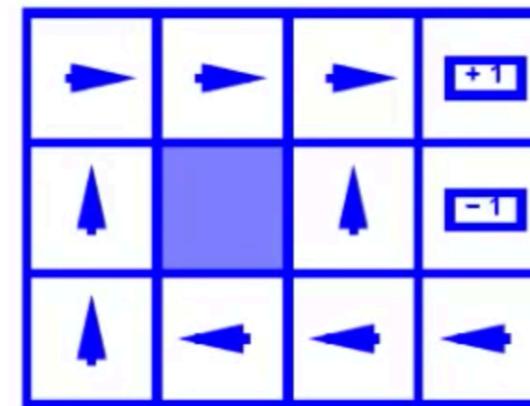
$$R(s) = -2$$



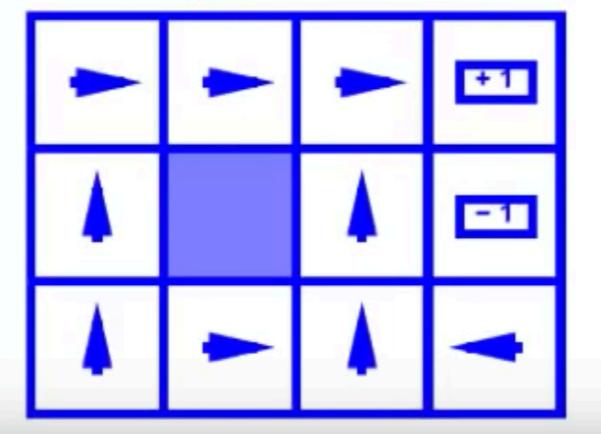
Optimálny strategický profil



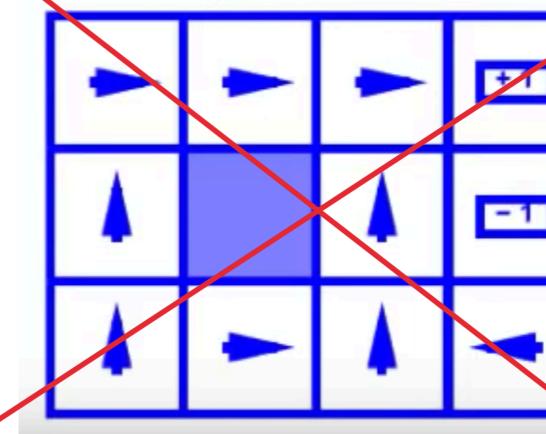
$$R(s) = -0.01$$



$$R(s) = -0.03$$



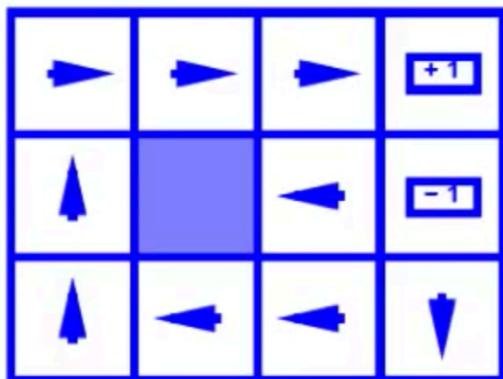
$$R(s) = -0.4$$



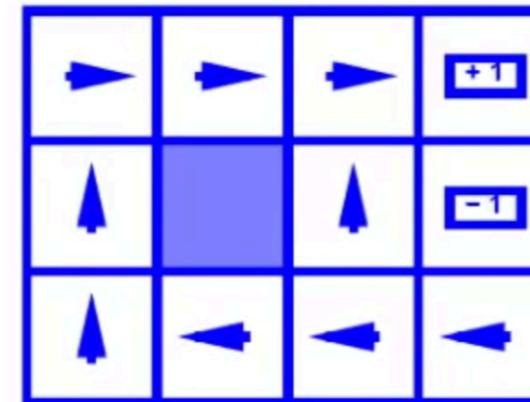
$$R(s) = -2$$



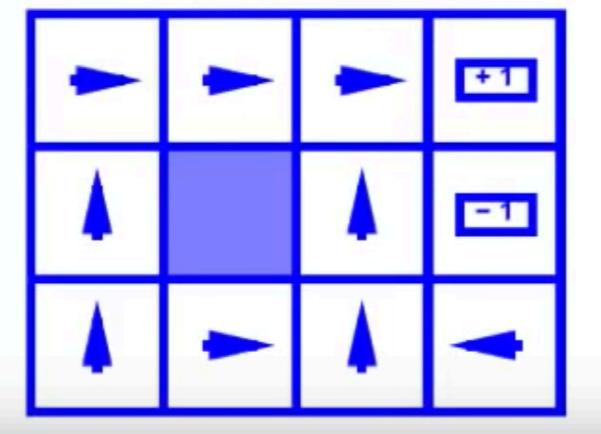
Optimálny strategický profil



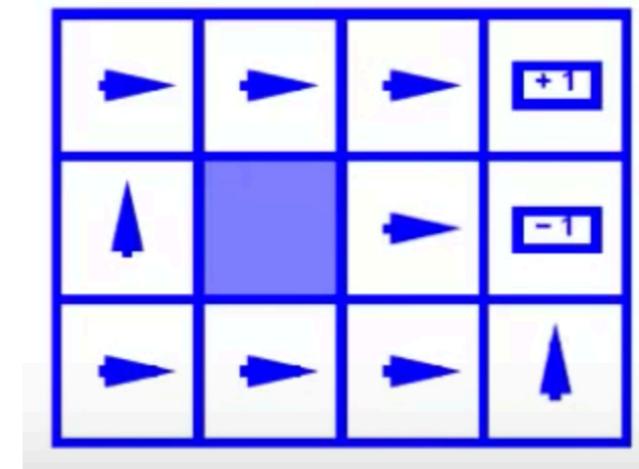
$$R(s) = -0.01$$



$$R(s) = -0.03$$



$$R(s) = -0.4$$

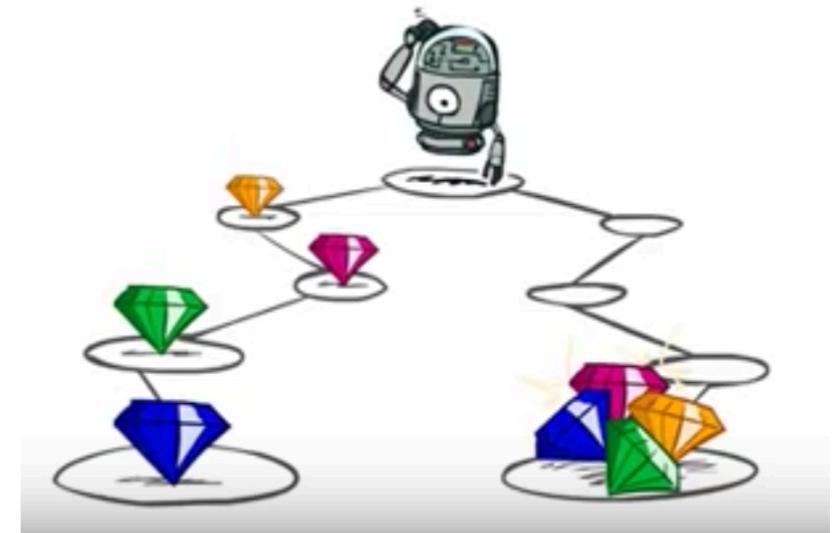


$$R(s) = -2$$



Postupnosť odmien v MDP

- Preferencie agenta vzhľadom na postupnosť odmien?
- Príklad: [1,2,2] vs [2,3,4]
- Príklad: [0,0,1] vs [1,0,0]



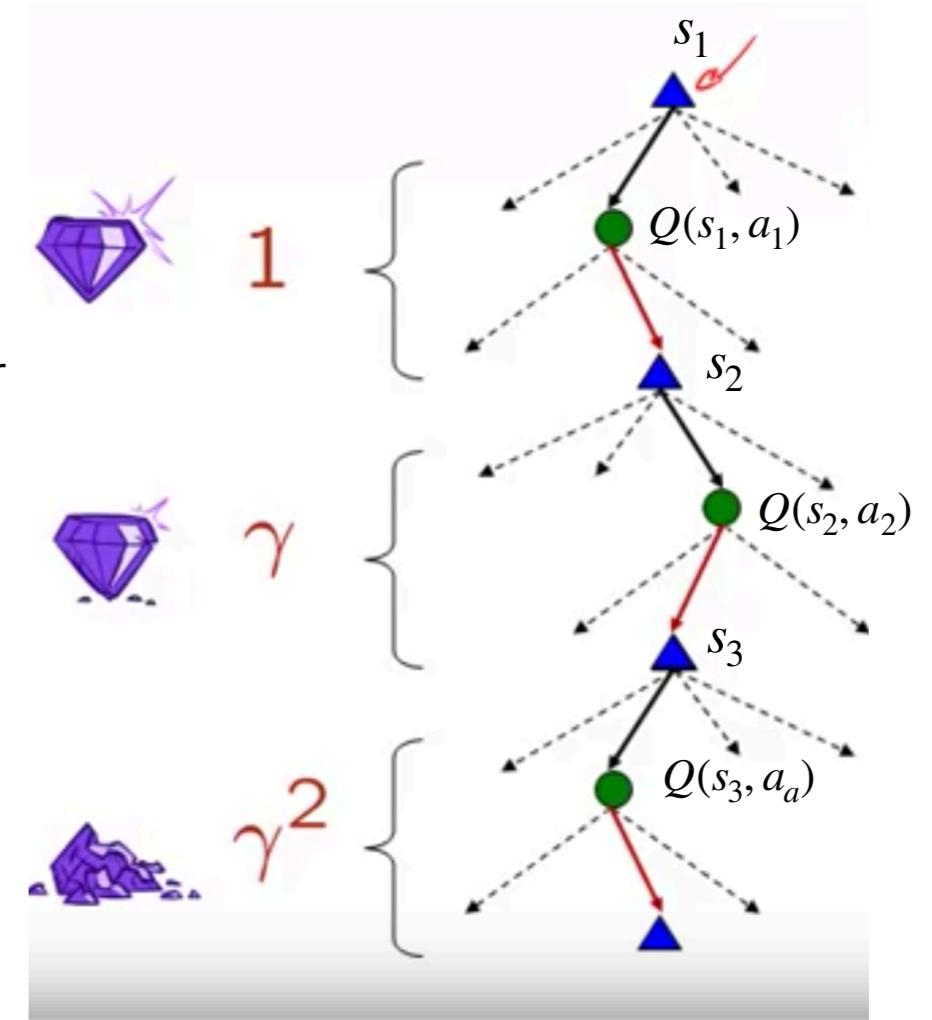
Discounting (diskontovanie)

- ▶ Snaha agenta (max úžitok): maximalizovanie hodnoty súčtu odmien získaných v MDP
- ▶ V dôsledku stochasticity MDP je vhodné preferovať odmeny získané skôr, ako neskôr
- ▶ Riešenie: discounting, hodnoty odmien klesajú exponenciálne s časom (budúcnosťou)



Discounting (diskontovanie)

- Ako diskontovať?
 - V každom vnorení v strome násobime γ
- Prečo diskontovať?
 - Odmeny získané skôr majú väčší úžitok ako tie neskôr
 - Diskontovanie umožňuje konvergenciu algoritmov



Discounting (diskontovanie)

- Ako diskontovať?

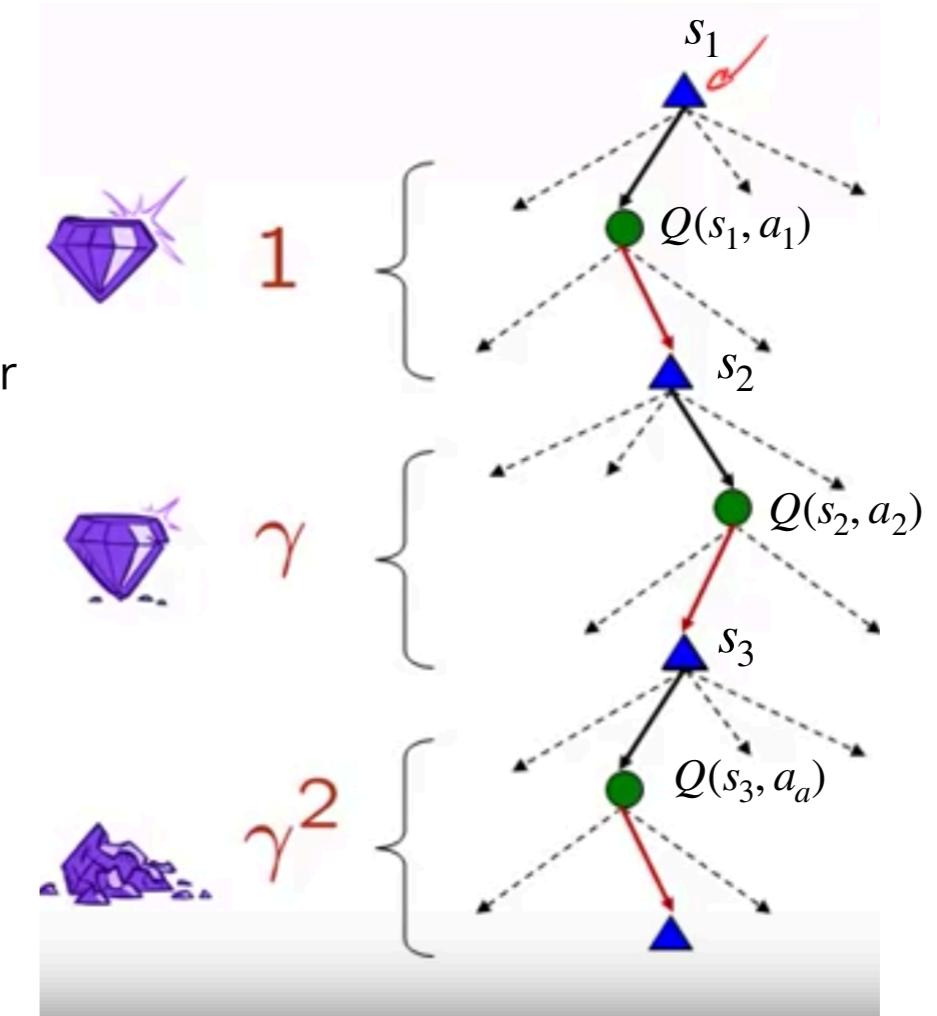
- V každom vnorení v strome násobime γ

- Prečo diskontovať?

- Odmeny získané skôr majú väčší úžitok ako tie neskôr

- Diskontovanie umožňuje konvergenciu algoritmov

- U[1,2,3] vs [3,2,1], $\gamma = 0,5$



Sutton, R., Barto, A., Reinforcement learning: Introduction (2nd edition), MIT press, 2018, pp: 53-58



Teória preferencie (stacionarita preferencií)



Teória preferencie (stacionarita preferencií)

- Uvažujme stacionárne preferencie agenta, t.j. platí*

$$[a_1, a_2, \dots] \succ [b_1, b_2, \dots]$$



$$[r, a_1, a_2, \dots] \succ [r, b_1, b_2, \dots]$$



Za predpokladu stacionarity preferencií agenta, existujú 2 typy užitkových funkcií agenta:

- Additívny úžitok:

$$U([R_0, R_1, R_2, \dots]) = R_0 + R_1 + R_2 + \dots = \sum_{k=0}^{\infty} R_{t+k+1}$$

- Diskontovaný úžitok:

$$U([R_0, R_1, R_2, \dots]) = R_0 + \gamma R_1 + \gamma^2 R_2 + \dots = \sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1}$$

*Drouhin, Nicolas. "Non-stationary additive utility and time consistency." Journal of Mathematical Economics 86 (2020): 1-14.



Kvíz

Uvažujme:

10					1
a	b	c	d	e	

- ▶ Akcie: vľavo, vpravo a terminálne stavy (a, e)
- ▶ Deterministický stavový priestor

Kvíz č. 1: Pre $\gamma = 1$, načrtnite optimálny strategický profil

Kvíz č. 2: Pre $\gamma = 0.1$, načrtnite optimálny strategický profil

Kvíz č. 3: Pre aké γ , bud mať akcie vľavo a vpravo v stave d rovnaký úžitok

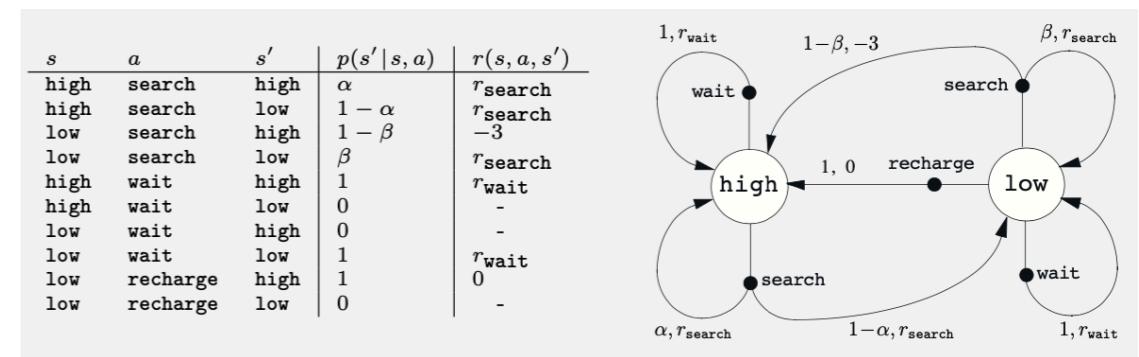
10					1
10					1



Nekonečný úžitok?

- **Formulácia problému:** Čo ak je náš MDP nekonečný, t.j. neexistuje terminálny stav
- **Riešenie:** Konečný horizont (idea depth-limited search)
 - Ukončenie epizódy po T časových jednotkách
 - Vzniká nestacionárny strategický profil
- **Diskontovanie:** využitie $\gamma \in (0,1)$

$$\bullet \quad U([R_0, R_1, R_2, \dots]) = \sum_{t=0}^{t=\infty} \gamma^t R_t \leq R_{MAX}/(1 - \gamma)$$



Zhrnutie

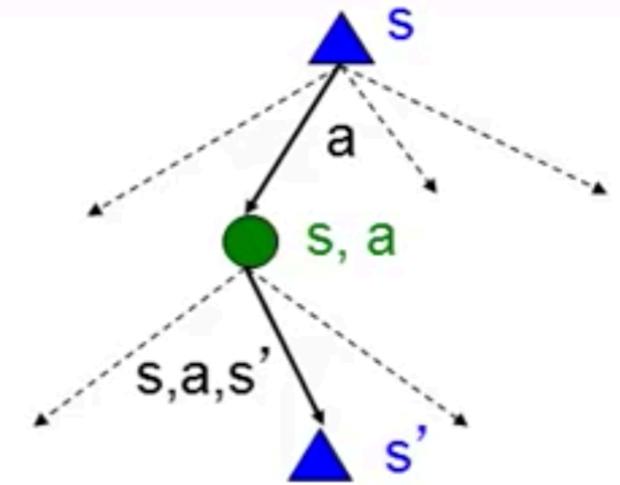
- Markovov rozhodovací problém:

- Množina stavov S
- Začiatočný stav s_0
- Množina akcií A
- Prechodové pravdepodobnosti $P(s'|s, a)$, resp. $T(s, a, s')$
- Odmeny $R(s, a, s')$ a diskontovací faktor γ

- $\pi(s)$: deterministický vs. stochastický

- Prechádzanie MDP:

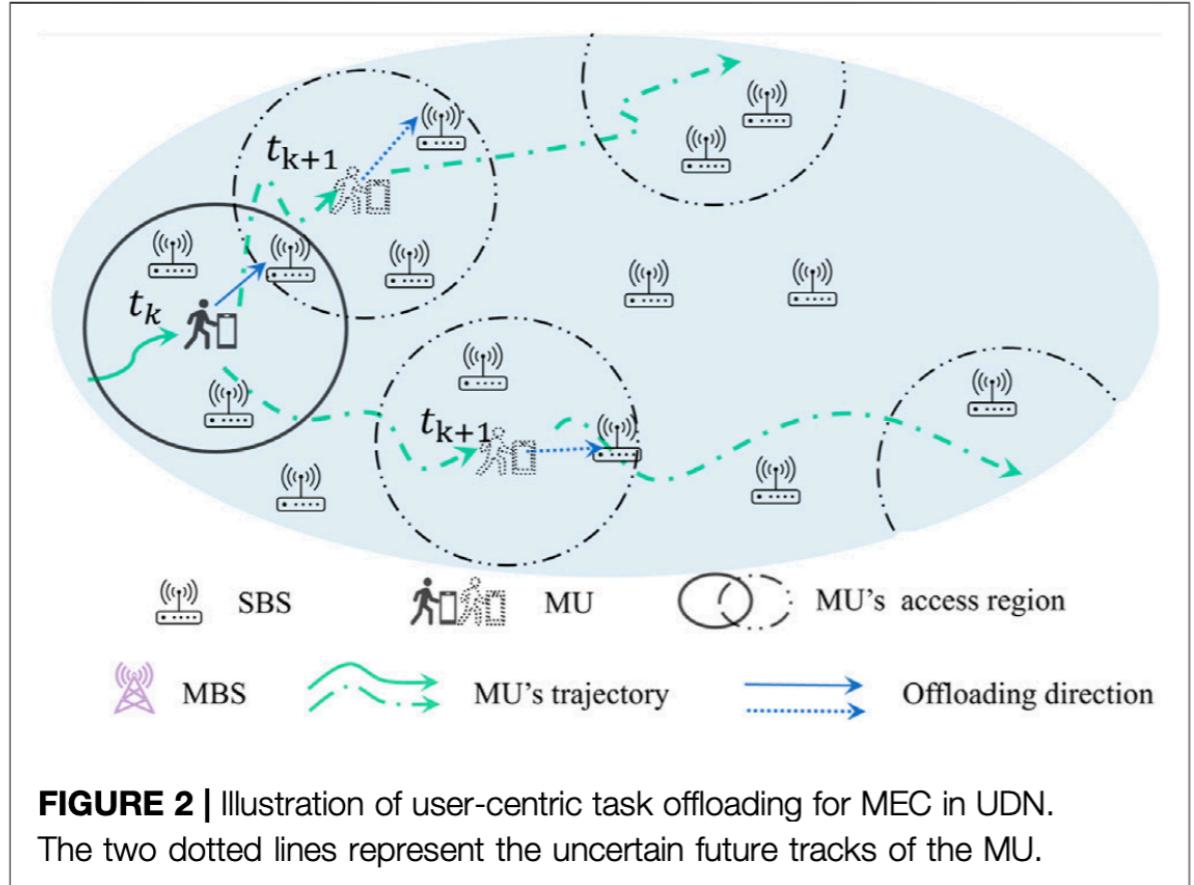
- Strategický profil: Výber akcie pre každý stav MDP
- Úžitok: suma diskontovaných odmien



Využitie v telekomunikáciách

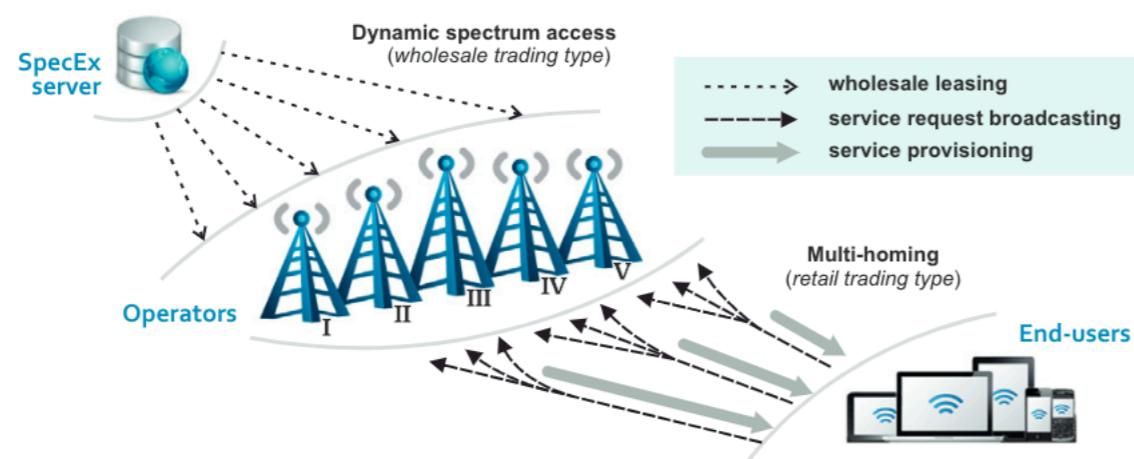


Technical University of Košice
Department of Computers and Informatics



LIU, S., Cheng, P., Chen, Z., Vucetic, B., & Li, Y. A Tutorial on Bandit Learning and Its Applications in 5G Mobile Edge Computing. *Frontiers in Signal Processing*, 29.





Gazda, J., Bugár, G., Vološin, M., Drotár, P., Horváth, D., & Gazda, V. (2017). Dynamic spectrum leasing and retail pricing using an experimental economy. *Computer Networks*, 121, 173-184.

